

PHYSICS

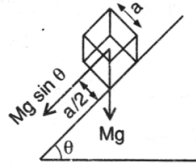
1. कोणीय संवेग संरक्षण के नियमानुसार, $I_1 \omega_1 = I_2 \omega_2$

$$\frac{2}{5} MR^2 \times \frac{2\pi}{24} = \frac{2}{5} M \left(\frac{R}{n}\right)^2 \frac{2\pi}{T}$$

$$\therefore T = \frac{24}{n^2} \text{ घण्टे}$$

2. $\frac{K_R}{J} = \frac{1}{2} \frac{I\omega^2}{J} = Ms\theta$ या $\frac{1}{2} \times \frac{2}{5} \frac{MR^2\omega^2}{J} = Ms\theta$
 $\therefore \theta = \frac{R^2\omega^2}{5sJ}$

3. क्योंकि घनाकार गुटका एकसमान वेग से सरकता है तथा उलट कर गिरता नहीं है, अतः भार द्वारा उत्पन्न बल-आघूर्ण = गुटके पर लगे अभिलम्ब बल के कारण उत्पन्न बल-आघूर्ण



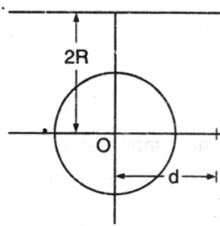
\therefore अभिलम्ब बल के कारण बल-आघूर्ण
 = भार के कारण बल-आघूर्ण
 = तल के समान्तर भार का घटक \times निचले पृष्ठ से लम्बवत् दूरी
 $= (Mg \sin \theta) \frac{a}{2}$

5. $I_1 = \frac{mR^2}{4} + m(2R)^2 = \frac{17mR^2}{4}$

$$I_2 = \frac{mR^2}{2} + md^2$$

दिया है— $I_1 = I_2$
 $\therefore \frac{17mR^2}{4} = \frac{mR^2}{2} + md^2$

अतः $d = \frac{\sqrt{15}}{2} R$



6. किसी आनत तल पर नीचे की ओर लुढ़कती वस्तु का त्वरण है—
 $a = \frac{g \sin \theta}{1 + \frac{I}{MR^2}} = \frac{g \sin \theta}{1 + \frac{2}{5}}$ (\therefore किसी गोले के लिये, $I = \frac{2}{5} MR^2$)

$$\therefore a = \frac{5}{7} g \sin \theta$$

अर्थात्, a गोले की त्रिज्या पर निर्भर नहीं करता है। अतः दोनों गोले एक ही समय पर तली पर पहुँचेंगे।

7. $\tau = I\alpha = \frac{I(\omega_i - \omega_f)}{t} = \frac{2 \times \left(2\pi \times \frac{60}{60} - 0\right)}{60}$
 $= \frac{4\pi}{60} = \frac{\pi}{15}$ न्यूटन-मीटर

8. बेलन के अक्ष पर स्थित बिन्दु सरल रेखीय गति करते हैं। द्रव्यमान केन्द्र का वेग नियत रहता है।

9. प्रश्न संख्या 231 का सन्दर्भ ग्रहण करें।

$$V = V_0 + at = V_0 - \mu gt \quad \dots (1)$$

$$\omega = \omega_0 + \alpha t = 0 + \alpha t \quad \dots (2)$$

$$\tau = I\alpha = \mu MgR$$

$$\therefore \alpha = \frac{\mu MgR}{I}$$

डिस्क के लिये, $I = \frac{1}{2} MR^2$; $\therefore \alpha = \frac{\mu MgR}{\frac{1}{2} MR^2} = \frac{2\mu g}{R} \quad \dots (3)$

समीकरण (2) व (3) से, $\omega = \frac{2\mu g}{R} t$ या $R\omega = 2\mu gt$

विशुद्ध लुढ़कनी गति के लिये, $R\omega = V = 2\mu gt$

समीकरण (1) से, $V = V_0 - \frac{V}{2}$ या $V = \frac{2}{3} V_0$

10. $\frac{r}{R} = \sin \theta \quad \dots (1)$

$$N \cos \theta = Mg \quad \dots (2)$$

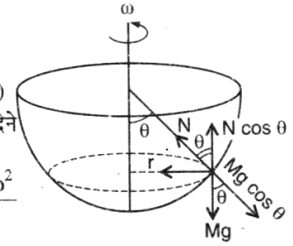
$$N \sin \theta = Mr\omega^2 \quad \dots (3)$$

समी० (2) को समी० (3) से भाग देने पर प्राप्त होता है,

$$\tan \theta = \frac{r\omega^2}{g} = \frac{R \sin \theta \times \omega^2}{g}$$

$$\text{या } \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \frac{R \sin \theta \omega^2}{g}$$

$$\therefore \omega = \sqrt{\frac{g}{R \cos \theta}}$$



11. गोले के लुढ़कने की दशा में कृत कार्य है :

$$W_{\text{लुढ़कना}} = (Mg \sin \theta)s = Mg(s \sin \theta) = Mgh$$

गोले के गिरने की दशा में कृत कार्य है: $W_{\text{गिरना}} = Mgh$

अर्थात्, $W_{\text{लुढ़कना}} = W_{\text{गिरना}} \neq 0$

12. जैसे-जैसे ग्रह सूर्य से निकटतम दूरी पर आता है, इसका जड़त्व-आघूर्ण घट जाता है। चूँकि निकाय पर कोई बाह्य बल-आघूर्ण क्रिया नहीं करता है अतः कोणीय संवेग संरक्षित होना चाहिये। इसका अर्थ है कि कोणीय वेग बढ़ जाना चाहिये अतः वेग भी बढ़ जाता है।

13. चूँकि $\vec{L} = \vec{r} \times \vec{p}$

अर्थात्, \vec{L} की दिशा \vec{r} तथा \vec{p} से युक्त तल अर्थात् XY तल के लम्बवत् है, अर्थात् z-अक्ष के अनुदिश।

14. $KE = \frac{1}{2} I\omega^2 + \frac{1}{2} Mv^2 = \frac{1}{2} I\omega^2 + \frac{1}{2} MR^2\omega^2$

बेलन के लिये, $I = \frac{1}{2} MR^2$; $\therefore KE = \frac{1}{2} I\omega^2 + I\omega^2 = \frac{3}{2} I\omega^2$

15. जब बलों की क्रिया रेखाओं के बीच का अन्तर शून्य होता है तो वे बल-युग्म के निर्माण में सहायक नहीं होते तथा वस्तु घूर्णन नहीं कर सकती।

16. जब तैराक किसी ऊँचाई से जल में कूदता है, वह अपनी भुजाओं व टाँगों को अपने शरीर के केन्द्र की ओर समेट लेता है। ऐसा करने से, उसके शरीर का जड़त्व-आघूर्ण (I) घट जाता है। परन्तु चूँकि कोणीय संवेग $I\omega$ नियत रहता है इसलिये तदनु रूप कोणीय वेग बढ़ जाता है तथा तैराक के लिये हवा में घूमना तथा कलाबाजी खाना आसान हो जाता है।

17. गोले की लुढ़कनी गति की स्थिति में, $Mgh = \frac{7}{10} Mv_1^2 \quad \dots (1)$

गोले की सरकनी गति की स्थिति में $Mgh = \frac{1}{2} Mv_2^2 \quad \dots (2)$

समी (1) व (2) से $\frac{7}{10} Mv_1^2 = \frac{1}{2} Mv_2^2$

$$\therefore v_1 = \sqrt{\frac{5}{7}} v_2$$

18. मन्दक बल-आघूर्ण द्वारा किया गया कार्य = प्रारम्भिक गतिज ऊर्जा अर्थात्, $\tau\theta = K$

चूँकि τ समान है, इसलिये θ या चक्करों की संख्या भी समान रहेगी।

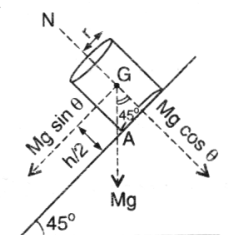
19. सिक्का दूर भागता है जब, $\mu mg \leq mr\omega^2$ अर्थात्, ω द्रव्यमान पर निर्भर नहीं है।

20. बेलन केवल फिसलना आरम्भ कर देगा तथा पलटेंगा नहीं, यदि

A के परितः बल $Mg \sin \theta$ का आघूर्ण = A के परितः N का आघूर्ण

$$Mg \sin \theta \times \frac{h}{2} = Mg \cos \theta \times r$$

$$\tan \theta = \frac{r}{h/2}$$



चूँकि $\theta = 45^\circ$, अतः $r = \frac{h}{2}$

अर्थात्, गुरुत्व केन्द्र से होकर जाने वाली ऊर्ध्वाधर रेखा तल पर अभिलम्ब के साथ 45° का कोण बनाती है।

21. ऊर्जा संरक्षण के नियमानुसार,

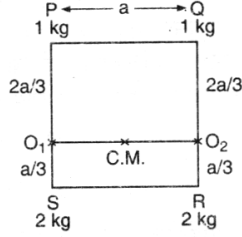
$$Mgh = \frac{1}{2} Mv^2 + \frac{1}{2} I\omega^2$$

$$= \frac{1}{2} Mv^2 + \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} MR^2 \times \omega^2$$

या $Mgh = \frac{1}{2} Mv^2 + \frac{1}{4} Mv^2 = \frac{3}{4} Mv^2$

साथ ही, $v = \sqrt{2ah} \therefore a = \frac{2}{3} g$

22. P एवं S का द्रव्यमान केन्द्र O_1 पर तथा Q एवं R का द्रव्यमान केन्द्र O_2 पर होगा। चित्र से स्पष्ट है कि सभी द्रव्यमानों का द्रव्यमान केन्द्र जो कि O_1, O_2 रेखा के मध्य बिन्दु पर है, P एवं Q से सबसे दूर होगा।



23. दोनों स्थितियों में गतिज ऊर्जा समान होनी चाहिये तथा यह स्थितिज ऊर्जा में हानि के समान होनी चाहिये। (ऊर्जा संरक्षण के नियमानुसार) अतः

$$\frac{1}{2} Mv^2 + \frac{1}{2} Mk^2 \frac{v^2}{R^2} = \frac{1}{2} M \left(\frac{5v}{4} \right)^2$$

इससे प्राप्त होता है, $k = \frac{3R}{4}$

24. रेखीय संवेग के संरक्षण के नियमानुसार, $mv = MV \dots (1)$

कोणीय संवेग के संरक्षण के नियमानुसार $mv \frac{L}{2} = \frac{ML^2}{12} \omega \dots (2)$

चूँकि टक्कर प्रत्यास्थ है, इसलिये $\frac{1}{2} mv^2 = \frac{1}{2} MV^2 + \frac{1}{2} I\omega^2$

ω तथा V के मान उपरोक्त समीकरण में रखने पर, $m = \frac{M}{4}$

26. दोनों पहियों की रेखीय चाल समान होगी क्योंकि दोनों पहियों को ना फिसलने वाली एक बेल्ट द्वारा जोड़ा गया है।

$\therefore v_1 = v_2$ या $r_1 \omega_1 = r_2 \omega_2$

$\therefore \omega_1 = \frac{r_2}{r_1} \omega_2 = \frac{30 \text{ सेमी} \times 2\pi \times 100}{10 \text{ सेमी} \times 60} = 10\pi \text{ रेडियन/सेकण्ड}$

अब, $\omega_1 = \omega_0 + \alpha t$

किन्तु $\omega_0 = 0$, $\therefore t = \frac{\omega_1}{\alpha} = \frac{10\pi}{\alpha} = 10 \text{ सेकण्ड}$

27. माना $OP = x$, $\therefore \tan \phi = \frac{x}{3}$

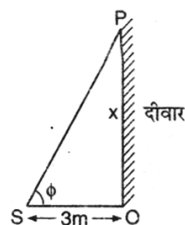
या $x = 3 \tan \phi$

या $\frac{dx}{dt} = 3 \sec^2 \phi \frac{d\phi}{dt}$

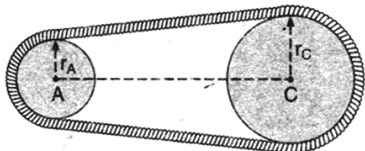
या $v = (3 \sec^2 \phi) \omega$

यहाँ $\phi = 45^\circ$,

$\therefore v = 3(\sqrt{2})^2 \times 0.1 = 0.6 \text{ मी/से}$



28. चूँकि बेल्ट फिसलती नहीं है, $v_A = v_C$



अर्थात्, $r_A \omega_A = r_C \omega_C \dots (1)$ (चूँकि $v = r\omega$)

प्रश्नानुसार, $r_A = r$ तथा $r_C = 3r$

इसलिये समीकरण (1) हो जाती है, $\omega_A = 3\omega_C$

यदि दोनों पहियों का कोणीय संवेग समान है, तो

$$I_A \omega_A = I_C \omega_C$$

$\therefore \frac{I_C}{I_A} = \frac{\omega_A}{\omega_C} = 3$

29. घूमती हुई डिस्क पर रखे सिक्के की साम्यावस्था के लिये,

$$m r \omega^2 = \mu m g \text{ या } r \times (2\pi f)^2 = \mu g$$

$$\therefore \mu = \frac{4\pi^2 f^2 r}{g} = \frac{4\pi^2 \times (3)^2 \times \left(\frac{2}{100}\right)}{10} \approx 0.7$$

30. तल पर नीचे की ओर गोलें का त्वरण है

$$a = \frac{g \sin \theta}{\beta} = \frac{g \sin \theta}{1 + \frac{I}{MR^2}} = \frac{g \sin \theta}{1 + \frac{2}{5}} = \frac{5}{7} g \sin \theta$$

बिना फिसले लुढ़कने हेतु बल-आघूर्ण घर्षण बल f द्वारा उपलब्ध कराया जाता है। अतः

$$fR = I\alpha$$

चूँकि, $\alpha = \frac{a}{R}$, अतः $fR = \frac{Ia}{R}$

या $f = \frac{Ia}{R^2} = \frac{Mk^2}{R^2} a = M \left(\frac{2}{5} \right) a$

साथ ही $f = \mu Mg \cos \theta$

$\therefore \mu Mg \cos \theta = \frac{2}{5} Ma$ या $\mu g \cos \theta = \frac{2}{5} a$

या $\mu g \cos \theta = \frac{2}{5} \times \frac{5}{7} g \sin \theta$

या $\mu = \frac{2}{7} \tan \theta$

32. माना $R =$ गोलें की त्रिज्या ; $M =$ गोलें का द्रव्यमान ; $\omega =$ गोलें का कोणीय वेग ; $L =$ कोणीय संवेग

तब $L = I\omega$

किन्तु $I = \frac{2}{5} MR^2$, $\therefore L = \frac{2}{5} MR^2 \omega$

अब, $V = \frac{4}{3} \pi R^3$, $\therefore R = \left(\frac{3V}{4\pi} \right)^{1/3}$

अतः, $L = \frac{2}{5} M \left(\frac{3V}{4\pi} \right)^{2/3} \omega$

या $\omega = \frac{5}{2} \left(\frac{L}{M} \right) \left(\frac{4\pi}{3V} \right)^{2/3} = \frac{5}{2} \left(\frac{L}{M} \right) \left(\frac{4\pi}{3} \right)^{2/3} (V)^{-2/3}$

L तथा M ताप के साथ परिवर्तित नहीं होते हैं।

$\therefore \omega \propto V^{-2/3}$ या $\omega = KV^{-2/3}$ जहाँ K स्थिरांक है।

अब $\log \omega = \log K - \frac{2}{3} \log V$

अवकलन करने पर, $\frac{d\omega}{\omega} = -\frac{2}{3} \frac{dV}{V}$

$\therefore \frac{d\omega}{\omega} \times 100 = -\frac{2}{3} \left(\frac{dV}{V} \times 100 \right)$

अब $\frac{dV}{V} \times 100 = +1$,

$\therefore \frac{d\omega}{\omega} \times 100 = -\frac{2}{3} \times 1 = -0.67\%$

33. जब रेत को घूर्णनरत डिस्क पर गिराया जाता है तो इसका जड़त्व-आघूर्ण बढ़ जाता है। चूँकि निकाय पर कोई बाह्य बल-आघूर्ण क्रियाशील नहीं है, अतः कोणीय संवेग संरक्षित रहना चाहिये। चूँकि $L = I\omega$, अतः कोणीय वेग घट जाता है।

34. व 270. घूर्णन करते समय अधिक उबला अण्डा ठीक एक दृढ़ वस्तु की तरह व्यवहार करता है। जबकि कच्चे अण्डे की स्थिति में ऐसा नहीं होता है। जिसका कारण है उसके अन्दर स्थित द्रव पदार्थ। कच्चे अण्डे की दशा में द्रव पदार्थ केन्द्र से दूर भागने का प्रयास करता है तथा अण्डे का जड़त्व-आघूर्ण बढ़ा देता है।

$$\text{अर्थात्, } \frac{(I) \text{ कच्चा अण्डा}}{(I) \text{ उबला अण्डा}} > 1$$

चूँकि कच्चे अण्डे का जड़त्व-आघूर्ण अधिक है, अतः यह रुकने के लिये उबले अण्डे की तुलना में अधिक समय लेगा (जड़त्व का नियम)।

गुरुत्व के अन्तर्गत घूर्णन करते बेलन में घूर्णन तथा स्थानान्तर्रीय दोनों गतियाँ हैं। मान लिया कि इसके द्रव्यमान केन्द्र का रेखीय वेग v है तथा घूर्णन अक्ष के परितः इसका कोणीय वेग ω है, तब h दूरी गिरने में इसकी स्थितिज ऊर्जा में हानि $PE = Mgh$ होगी जबकि गतिज ऊर्जा में वृद्धि

$$KE = \left[\frac{1}{2} I\omega^2 + \frac{1}{2} Mv^2 \right] \text{ होगी,}$$

इसलिये,

$$Mgh = \frac{1}{2} I\omega^2 + \frac{1}{2} Mv^2$$

यहाँ

$$I = \frac{1}{2} MR^2 \text{ तथा } v = R\omega$$

इसलिये,

$$Mgh = \frac{1}{2} Mv^2 + \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} MR^2 \right) \left(\frac{v^2}{R^2} \right)$$

$$\therefore v^2 = \frac{4}{3} gh$$

$$\text{अवकलन करने पर, } 2v \frac{dv}{dt} = \frac{4}{3} g \frac{dh}{dt}$$

$$\therefore a = \frac{2g}{3}$$

चूँकि बेलन नीचे की ओर त्वरित है,

$$W = M(g - a) \text{ या } 2T = M(g - a)$$

$$\therefore T = \frac{1}{2} Mg \left(1 - \frac{2}{3} \right) = \frac{1}{6} Mg$$

37. स्थानान्तर्रीय गति के लिये,

$$Mg \sin \theta - f = Ma \quad \dots (1)$$

घूर्णन गति के लिये,

$$fr = I\alpha \quad \dots (2)$$

चूँकि $\alpha = \frac{a}{r}$ तथा $I = \frac{2}{5} Mr^2$ अतः

$$\text{समी० (2) से } f = \frac{2}{5} Ma \quad \dots (3)$$

समी० (3) को समी० (1) में रखकर हल करने पर प्राप्त होता है

$$a = \frac{5}{7} g \sin \theta \text{ तथा } f = \frac{2}{7} Mg \sin \theta$$

चूँकि स्थैतिक घर्षण स्वः समायोजित है, गोला बिना फिसले ही लुढ़केगा यदि

$$f < f_L$$

$$\text{किन्तु चूँकि } f_L = \mu R = \mu Mg \cos \theta \text{ तथा } f = \frac{2}{7} Mg \sin \theta$$

$$\text{इसलिये, } \frac{2}{7} Mg \sin \theta < \mu Mg \cos \theta$$

$$\text{अर्थात्, } \mu > \frac{2}{7} \tan \theta$$

$$\text{इसलिये, } \mu \text{ न्यूनतम } = \frac{2}{7} \tan \theta$$

38. $d = 1$ मीटर, $r = 0.5$ मीटर

$$\omega = 120 \text{ चक्कर प्रति मिनट} = \frac{120 \times 2\pi}{60} = 4\pi \text{ रेडियन/सेकण्ड}$$

$$\therefore L = I\omega = \frac{Mr^2}{2} \omega = \frac{20 \times (0.5)^2}{2} \times 4\pi$$

$$= 10 \times 0.25 \times 4 \times 3.14$$

$$= 31.4 \text{ किग्रा-मी}^2/\text{सेकण्ड}$$

39. $I_1 = 1$ किग्रा-मी², $\omega_1 = 100$ रेडियन/से

चूँकि द्रव्यमान दोगुना हो जाता है,

$$I_2 = \frac{M_2 R^2}{2} = \frac{2M_1 R^2}{2} = 2I_1 = 2 \text{ किग्रा-मी}^2$$

कोणीय संवेग संरक्षण से, $I_1 \omega_1 = I_2 \omega_2$

$$1 \times 100 = 2 \times \omega_2 \text{ या } \omega_2 = 50 \text{ रेडियन/से}$$

$$E_1 = \frac{1}{2} I_1 \omega_1^2 = \frac{1}{2} \times 1 \times (100)^2 = 5 \times 10^3 \text{ जूल}$$

$$E_2 = \frac{1}{2} I_2 \omega_2^2 = \frac{1}{2} \times 2 \times (50)^2 = 2.5 \times 10^3 \text{ जूल}$$

गतिज ऊर्जा में हानि

$$= E_1 - E_2 = (5 \times 10^3) - (2.5 \times 10^3) = 2.5 \text{ किलो-जूल}$$

$$40. \tau = I\alpha \text{ या } \alpha = \frac{\tau}{I} = \frac{-1}{0.2} = -5 \text{ रेडियन/सेकण्ड}^2$$

$$\omega = \omega_0 + \alpha t = 2\pi \times \frac{360}{60} + (-5 \times 3)$$

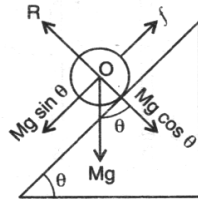
$$= 2 \times 3.14 \times 6 - 15 = 22.68 \text{ रेडियन/सेकण्ड}$$

41. हम जानते हैं कि किसी अक्ष के परितः किसी घूर्णनशील वस्तु अथवा वस्तुओं के निकाय का कोणीय संवेग नियत होता है, यदि उस अक्ष के परितः कोई बाह्य बल-आघूर्ण न लगा हो। यह कथन, कोणीय संवेग के संरक्षण के सिद्धान्त पर आधारित है।

$$42. \tau = 31.4 = I\alpha = I \times 4\pi$$

$$\therefore I = \frac{31.4}{4\pi} = 2.5 \text{ किग्रा-मी}^2$$

43. हम जानते हैं कि जब किसी निकाय पर क्रियारत शुद्ध (नेट) बाह्य बल-आघूर्ण शून्य होता है, तो निकाय का कोणीय संवेग नियत रहता है। इसलिये यदि शुद्ध बाह्य बल आरोपित नहीं किया गया है तो घूर्णनरत निकाय का कोणीय संवेग नियत रहता है।



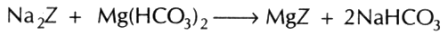
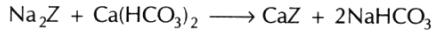
81. (b) बन्ध दूरी जितनी कम होती है बन्ध वियोजन ऊर्जा उतनी ही अधिक होती है।

अतः सही क्रम है $F-F < H-H < D-D$

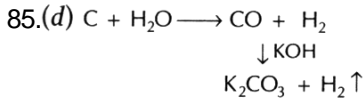
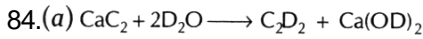
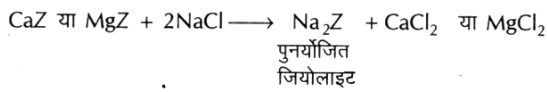
82. (c) धातु हाइड्राइड अधातु हाइड्राइड की तुलना में प्रबल अपचायक होते हैं। अतः दिये गये विकल्पों में से H_2O दुर्बलतम अपचायक तथा NaH सोडियम के धनविद्युती लक्षण के कारण प्रबलतम अपचायक है। अतः सही क्रम है



83. (d) मृदुकरण प्रक्रम में निम्न अभिक्रियाएँ होती हैं

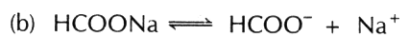
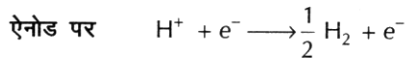
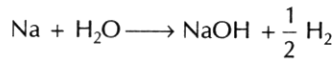
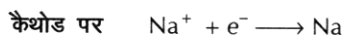
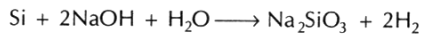
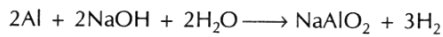
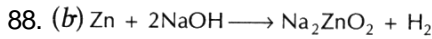
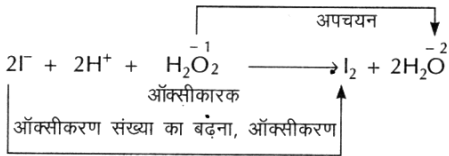


कुछ समय पश्चात् जियोलाइट पूर्णतः कैल्सियम तथा मैग्नीशियम जियोलाइट में बदल जाता है। परिणामतः जल का मृदुकरण रूक जाता है अर्थात् यह (जियोलाइट) प्रयुक्त (exhausted) हो जाता है। इस स्तर पर कठोर जल की पूर्ति रोक दी जाती है तथा प्रयुक्त जियोलाइट, अवस्तर को 10% $NaCl$ विलयन (ब्राइन विलयन) से उपचारित करके पुनर्योजित हो जाता है। इसमें निम्न अभिक्रियाएँ होती हैं

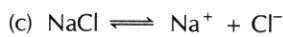
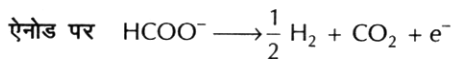


86. (c) H_2O_2 में दो $-OH$ समूह समान तल में नहीं होते।

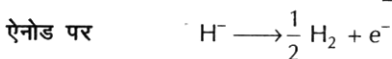
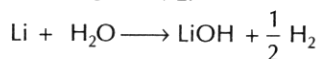
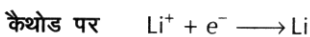
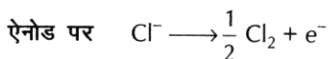
87. (c) अभिक्रिया जिसमें H_2O_2 अपचयित होता है अर्थात् ऑक्सीजन की ऑक्सीकरण अवस्था घटकर -1 से -2 हो जाती है, H_2O_2 की ऑक्सीकरण प्रकृति को दर्शाती है। जैसे



कैथोड पर उपरोक्त के समान



कैथोड पर उपरोक्त के समान



90. (c) दिये गये दोनों कथन सत्य हैं।